



TITLE:

# Kowalevskian System (超函数と線型微分方程式 II)

AUTHOR(S):

矢野, 環

---

CITATION:

矢野, 環. Kowalevskian System (超函数と線型微分方程式 II). 数理解析研究所講究録 1974, 209: 1-3

ISSUE DATE:

1974-05

URL:

<http://hdl.handle.net/2433/105196>

RIGHT:

# Kowalevskian System.

矢野 曜

実は、あまり進歩がなかった。Volevi と方式で行なう方法には、色々と進歩もあったようである。しかし、 $\det$  の定義が、我々のもの（かありえる）以上、最終的に精密な結論は、我々の立場から従うであろう。斎田先生には、発表前の論文原稿 [1] を送らせていただいた。

$\det$  の定義は、以前の講究録をよ [2] ここでは、予想と、2 つの事例を示しておく。

$P(x, D) : m \times m$  matrix of diff. operators.

予想  $\det (D_t - P(x, D))$  は Kowalevskian polynomial

$\uparrow$  我々の  
 $\Downarrow$

$D_t - P(x, D)$  について, Cauchy-Kowalevskaja 成立.

(もちろん,  $t$  を時間変数.  $D_t$  とは  $(D_t, \dots, D_t) \in \mathbb{C}^m$ .)

examples. cf. [1]

$$P = \begin{pmatrix} D_x^3 & -b D_x^3 \\ \frac{1}{b} D_x^3 & -D_x^3 \end{pmatrix} \quad b = 1-x.$$

$D_t - P(x, D)$  の, 普通マトリックス行列式は  $\lambda^2$ .

よってわかるは Kowalevskian だが, Cauchy-Kow は成立しないことがわかる. 我々の意味では,  $D_t - P(x, D)$  について

$$\det(\lambda - P(x, D)) = \lambda^2 + \frac{3}{1-x} \xi^2 \lambda \quad (\xi \text{ is } D_x \text{ symbol})$$

となり, Kowalevskian poly. ではない. (at  $x=0$ )

$$P = \begin{pmatrix} D_x^2 + a_{11} D_x & b D_x^3 \\ -c D_x + c_0 & -D_x^2 + a_{22} D_x \end{pmatrix}$$

$$b = 1-x, \quad c = (1-x)^{-1} \quad c_0 = \frac{k}{2} (1-x)^{-2/3}$$

$$a_{11} = \frac{3}{2} \frac{1}{1-x} - \frac{k}{2} (1-x)^{1/3}$$

$$a_{22} = \frac{1}{2} \frac{1}{1-x} + \frac{k}{2} (1-x)^{1/3}$$

普通  $\lambda = 2$  について  $\lambda - P(x, D)$  の行列式を考えると,

$$\lambda^2 - \frac{2}{1-x} \xi \lambda - \frac{1}{1-x} \xi^3 + \dots$$

となり, Kowalevskian であることがわかる. しかし,

Cauchy-Kow. の定理が  $D_t - P(x, D)$  について成立するかどうか, 証明される. さて, 我々の意味で くり返し行列式をよってわかるは

$$\lambda^2 + f_1(x) \lambda + f_2(x) \xi^2 + \dots$$

となる.  $f_1, f_2$  は  $x$  の函数. hol. at  $x=0$ . 従って,

Newton polygon の規約によつて,  $f_1$  は 0 である,

$\det(\lambda - P(x, D)) = \lambda^2 + f_2(x)\xi^2$  となり, これは  
Kowalevskian poly. になっている.

上  $\alpha$  = 例を  $\gamma_1$  だけでも, 我々の議論が, 華道寺にまぐ  
反映していることがわかった.

筆者はただいま, 他方面のことには忙しかた, この関係.  
手がまわらない. 興味をもっていたが, 忙しかたにも,  
"ずい, せう" 型を証明するてある.

$P$  の iteration  $p^m$  a order  $\gamma_1$  関係もききかてある.

[1] S. Migohata: Petrowsky 記号に出るもの.

[2] T. Yano: Definition of Delicate Determinant.

RIMS 満鉄録 No.